

作成日：平成20年10月 6日

線形代数受講者各位

担当教員 樋口良之

自学自習課題 その1

1. $\mathbf{u}, \mathbf{v}, \mathbf{w} \in \mathbf{R}^n$ 、 $k, k' \in \mathbf{R}$ とするとき、次の定理が成り立つことを証明しなさい。

- | | |
|---|--|
| (1) $(\mathbf{u} + \mathbf{v}) + \mathbf{w} = \mathbf{u} + (\mathbf{v} + \mathbf{w})$ | (5) $k(\mathbf{u} + \mathbf{v}) = k\mathbf{u} + k\mathbf{v}$ |
| (2) $(\mathbf{u} + \mathbf{0}) = \mathbf{u}$ | (6) $(k + k')\mathbf{u} = k\mathbf{u} + k'\mathbf{u}$ |
| (3) $\mathbf{u} + (-\mathbf{u}) = \mathbf{0}$ | (7) $(kk')\mathbf{u} = k(k'\mathbf{u})$ |
| (4) $\mathbf{u} + \mathbf{v} = \mathbf{v} + \mathbf{u}$ | (8) $1\mathbf{u} = \mathbf{u}$ |

2. $\mathbf{u}, \mathbf{v}, \mathbf{w} \in \mathbf{R}^n$ 、 $k \in \mathbf{R}$ とするとき、次の内積の基本性質があることを証明しなさい。

- | | |
|--|--|
| (1) $\mathbf{u} \cdot \mathbf{v} = \mathbf{v} \cdot \mathbf{u}$ | (3) $(k\mathbf{u}) \cdot \mathbf{v} = k(\mathbf{u} \cdot \mathbf{v}) = \mathbf{u} \cdot (k\mathbf{v})$ |
| (2) $(\mathbf{u} + \mathbf{v}) \cdot \mathbf{w} = \mathbf{u} \cdot \mathbf{w} + \mathbf{v} \cdot \mathbf{w}$ | (4) $\mathbf{u} \cdot \mathbf{u} \geq 0$ で $\mathbf{u} \cdot \mathbf{u} = 0$ となるのは $\mathbf{u} = \mathbf{0}$ のときに限る。 |

3. 次の計算をしなさい。

- | | |
|--------------------------------|----------------------------------|
| (1) $(2, -6, 14) - (5, -2, 7)$ | (2) $-2(-2, 1, 2 - \frac{2}{3})$ |
|--------------------------------|----------------------------------|

4. $\mathbf{u} = (2, 4, -1, -2), \mathbf{v} = (1, -1, 2, 1) \in \mathbf{R}^4$ のとき、2つのベクトルの内積とノルムを求めなさい。

5. $\mathbf{u} = (2, 4, k, -2), \mathbf{v} = (1, 3k, 2, 1) \in \mathbf{R}^4$ のとき、2つのベクトルが直交するためには、 $k \in \mathbf{R}$ の値がいくつであればよいか求めなさい。

本課題のレポートは、オリエンテーション時の資料やシラバスにあるように、単位履修の判断に用いられます。レポートの書式については、十分に注意を払い、指示に従ってください。 <http://www.hi-higuchi.com/lecture/report/announce.htm>

本演習課題のレポートの標題は、
線形代数 自学自習課題1 (n次元実数空間)
としてください。

また、レポートの提出は10月15日の授業が始まる時とします。